

2. Эрдэмтдийн 11-р сургууль 12<sup>а</sup> анги. I цаас.  
 Б1)  $v_i$ -р  $i$ -р + Хамгийн бага үндэстэн тохиолдлын  
 авч үзье. Тэр тохиолдлын  $i$ -р нүдийн (эхний нүдийн оруулалтыг)  
 ( $i+1$ -р нүд гэж үз) дайран гарсан цуцнуудын тоо  $v_i$  үзэ.

1 талаас  $i$ -р нүдэн дээр  $v_i$ -удаа очсон  $\Rightarrow$   $i$  дээр төлөгдөх  $v_i$ -и  
 үндэс  $\Rightarrow v_1 + \dots + v_n$  нь үндэстний тоо.

$$\begin{array}{r} \text{Б1} \\ \text{Б2} \\ \hline \Sigma = \end{array}$$

$v_i \geq \lceil \frac{n}{n+1-i} \rceil$  гэж батлаа. //

$i$  нүдээр зөөсөн тоог  $a_i$  гэж ~~цуцны эх  $n$  удаа~~  
 зөөсөн  $\Rightarrow \sum a_i \cdot i = n^2$  Тэр тохиолдлын тэр тохиолдлын үндэстний  
 тоо  $S$  үзэ.  $S = a_1 + \dots + a_n$  Одоо  $i$  нүдээр зөөсөн тоог  $a_i$  гэж.

Тэгвэл  $n$ -р нүдийн давм болно гэж санаа. Өөрөөр хэлбэл.

3-р эвм гарах зүй дээр 2-р эваад  $n$ -р нүд байвал 2-р эвна  
 гэж санаа.  $\forall$  цуцны  $n$ -с багагүй зөөсөн (нүдээр)  $\Rightarrow \sum_{i=1}^n a_i \cdot i \geq n^2$

$\sum_{i=1}^n a_i = S$   $a_i \cdot i \geq n$  гэж батлаа. Эргээд  $a_i \cdot i \leq n$  бай.

Миним: ~~нүд бүр~~ өм цуцны огсоогүй нүд гэж байхгүй.

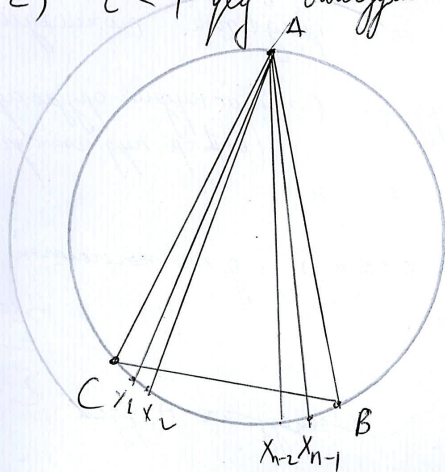
Баталгаа: эргээд нь огсоогүй байхад бай. Тийн ханартай  
 эхний нүдийн авч.  $x$  бай.  $\Rightarrow x-1$ -р нүдэн дэх сүүлчийн цуцны  
 $x-2$  давм гаралгүй. Миним баталгаав. Өр

$a_i \cdot i \geq n$  батлагдсан гэж үзвэл  $a_i \geq \frac{n}{i} \Rightarrow a_i \geq \lceil \frac{n}{i} \rceil \Rightarrow$

$\sum_{i=1}^n a_i \geq \lceil \frac{n}{i} \rceil$  Эргээд нь  $a_i < \frac{n}{i}$  бай

Эз  $(x, x_0, \dots, x_n)$  цуцаал авч үзье.  
 $x$ -үндэстний тоо  $(x_0, \dots, x_n)$  нь  $x$ -р үндэс дээрх  
 байгаа.  $x_n - c$   $i$ -р явуулъя.  
 $x \rightarrow x+1$   $(x_n+1) \sum x_i - i - 2$  сонирхоё  $\Rightarrow$   
 $i$ -р өснө.  $\Rightarrow$  Ө

Б2)  $t < 4$  үед байгуулах хийл



$AB = AC = \frac{t}{2}$  байх  $B, C$ -г авъя.

$\widehat{BC}$ -г  $n$  ш тэнхүү хэсэг

хувааж  $X_1, \dots, X_{n-1}$  үзүүг

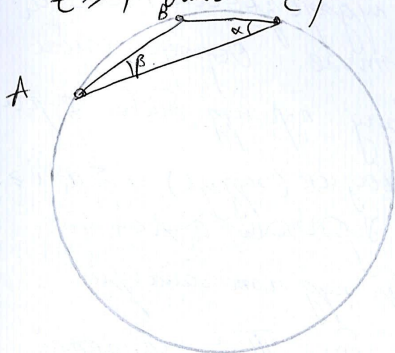
авъя.  $AX_i > \frac{t}{2} = AC = AB$  нь

шм.  $\Rightarrow \widehat{ACX_i} + \widehat{PACX_i} > \widehat{AC} + \widehat{AX_i} > t$

$\widehat{PAX_i X_{i+1}} > \widehat{AX_i} + \widehat{AX_{i+1}} > t$

$\widehat{PABX_{n-1}} > \widehat{AB} + \widehat{AX_{n-1}} > t$

$t \geq 4$  байх. хэрв  $120^\circ$ -н нүдг байвал  $\Delta$  байвал.



$\widehat{AB} + \widehat{BC} \leq 120^\circ$

$\widehat{AB} = 2\alpha$   $\widehat{BC} = 2\beta$  эх

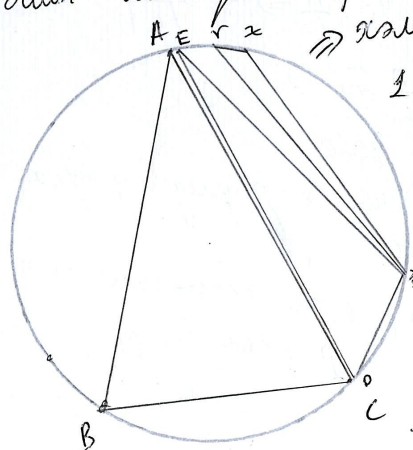
$$z = \frac{AB}{\sin \alpha} = \frac{BC}{\sin \beta} = \frac{AC}{\sin(\alpha + \beta)} = \frac{P_{ABC}}{\sin \alpha + \sin \beta + \sin(\alpha + \beta)}$$

$$\Rightarrow 4 < P_{ABC} = z(\sin \alpha + \sin \beta + \sin(\alpha + \beta)) \leq 4(\sin \alpha + \sin \beta)$$

$$\Rightarrow \sin \alpha + \sin \beta > 1$$

Уенсн бичвэл  $1 < \sin \alpha + \sin \beta \leq 2 \sin(\frac{\alpha + \beta}{2}) \leq 2 \cdot 1 = 2$

$n$  дээрх байгуулах хувьд  $\Delta$ -г авбал 3 талдаа  $\Delta$  байх боломжгүй. Учир нь аль 1 нүд нь  $120^\circ$ -с хэтрэхгүй



$\Rightarrow$  хэлбэрийн байма. Учир нь  $\Delta ABC$ -к 1 талд  $\Delta EFD$  байгаа ба  $EF, FD$ -н

ихдэг 1 талд нь  $\Delta$  байма. Хамттай

тал  $n$ -н хувьд  $ST$ -нь хамттай

бича ба  $ST$ -нь эсрэг  $\Delta$ -ны хувьд

тал нь болдог  $ST$  ордоно. (ЭА)

$r$  ш  $\Delta$  дээр  $r$  тал  $\Rightarrow$  хамттай

тэнхүү  $\Rightarrow STQ \Delta$  байл.

$ST + TQ + QS > 4$ .  $TQ + QS < 4$  (2-гууланг үргэлжлэн II цаасанд)

3. Эргэвчлэл 11-р сургууль 12<sup>а</sup> анд. II үеэс  
Б2 үргэлжлэл)  $\lim_{n \rightarrow \infty}$  эвчүүдэд  $\lim_{ST \rightarrow 0}$ .

$$P_{STQ} = 2(\sin \alpha + \sin \beta + \sin(\alpha + \beta)) \quad \lim_{ST \rightarrow 0} \Rightarrow \lim_{\alpha \rightarrow 0} \Rightarrow$$
$$\Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} P_{STQ} = 4 \sin \beta > 4 \Rightarrow \sin \beta > 1 \Rightarrow \emptyset$$

$$B_1 - 0+1$$

$$B_2 - 2$$

$$B_3 - 0 \text{ ①}$$

---

$$\Sigma 2+1=3$$